

المدة : ساعتان

اختبار مادة الرياضيات

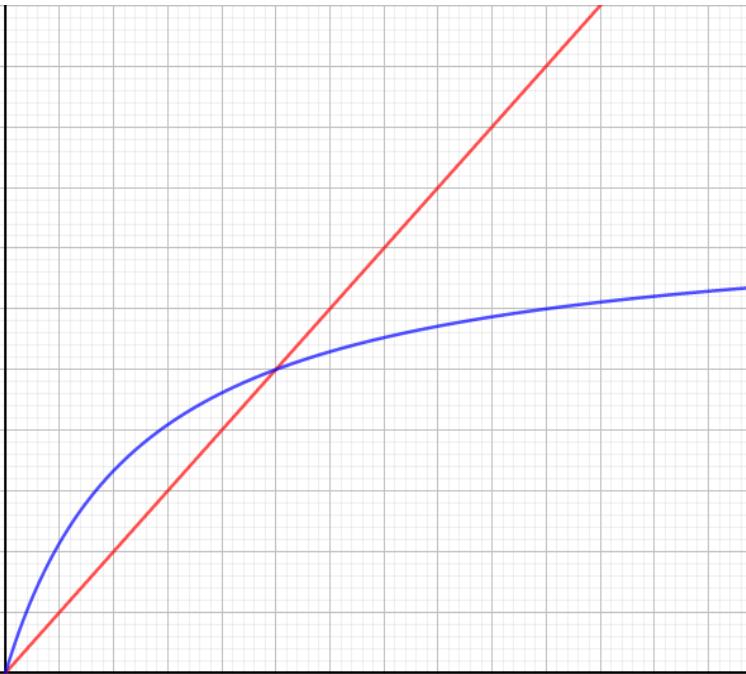
التمرين الأول : (05 نقاط)

اختر في كل حالة الاجابة الصحيحة من بين الإجابات المقترحة مع التعليل

رقم	الجملة	(أ)	(ب)	(ج)
1	إذا كان: $\lim_{x \rightarrow \infty} [f(x) - 2x + 5] = -4$ فإن :	$y = -4$	$y = 2x - 9$	$y = 2x - 1$ المستقيم مقارب مائل $L(C_f)$
2	حلول المعادلة التفاضلية: $3y' - y - 6 = 0$ هي الدوال من الشكل $x \rightarrow ce^{\frac{1}{3}x} - \frac{2}{3}$ / $c \in \mathbb{R}$	$x \rightarrow ce^{\frac{1}{3}x} - 2$ / $c \in \mathbb{R}$	$x \rightarrow ce^{\frac{1}{3}x} - 6$ / $c \in \mathbb{R}$	
3	للجملة: $\begin{cases} \ln x + \ln y = \ln 5 + 3 \ln 3 \\ x + y = 24 \end{cases}$ حلين هما $(10, 14)$ $(14, 10)$ $(21, 3)$ $(9, 15)$	$(15, 9)$	$(3, 21)$	$(10, 14)$
4	اصغر عدد طبيعي n يحقق: $\left(\frac{2}{3}\right)^n \leq 0.02$	9	10	11

التمرين الثاني : (06 نقاط)

نعتبر الدالة المعرفة f على المجال $[0, +\infty)$ كمالي: $f(x) = \frac{3x}{2x+1}$ (انظر الشكل المقابل)



1. (u_n) متتالية معرفة على N كمالي: $u_0 = 2$
 $u_{n+1} = f(u_n)$
 أ- مثل الحدود $u_0; u_1; u_2$ على حامل محور الفواصل دون حسابها مبينا خطوط الانشاء

ب- ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية (u_n) وتقاريرها
 2- برهن بالترابع انه من اجل كل عدد طبيعي $n: n \geq 1$
 بـ بين أن (u_n) متناقصة ثم استنتج انها متقاربة.

II. 1. (v_n) متتالية معرفة على N كمالي: $v_n = \alpha - \frac{1}{u_n}$
 - عين قيمة α حتى تكون (v_n) متتالية هندسية اساسها $\frac{1}{3}$
 - نضع $\alpha = 1$ 2- اكتب v_n بدالة n ثم استنتاج u_n بدالة n وأحسب $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n$

- احسب بدالة n المجموع S_n حيث: $S_n = \frac{1}{u_0} + \frac{1}{u_1} + \dots + \frac{1}{u_n}$

3- أثبت انه من اجل كل عدد طبيعي n لدينا: $0 \leq (u_{n+1} - 1) \leq \frac{1}{3}(u_n - 1)$

بـ استنتاج انه من اجل كل عدد طبيعي n من جديد $0 \leq u_n - 1 \leq \left(\frac{1}{3}\right)^n$



التمرين الثالث: (09 نقاط)

في كل التمرين المستوى منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \bar{i}; \bar{j})$.

الجزء الأول:

نعتبر الدالة العددية f معرفة على المجال $[0, +\infty]$ كما يلي :

1) أدرس تغيرات الدالة f على $[0, +\infty]$. ثم شكل جدول تغيراتها على $[0, +\infty]$.

2) - نقبل بأن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حل وحيد α . حدد اشارة $f(x)$ حسب قيم x .

- أكمل الجدول التالي، ثم استنتاج حصرا للعدد α إلى 10^{-2}

x	1,320	1,325	1,330
$f(x)$			

الجزء الثاني:

لتكن الدالة العددية g معرفة على المجال $[0, +\infty]$ بحيث : (C_g) تمثيلها البياني

1) تحقق أنه من أجل كل x من $[0, +\infty]$ فإن $g'(x) = f(x)$ ، ثم استنتاج اتجاه تغير الدالة g على $[0, +\infty]$.

2) بين أن $g(\alpha) = \alpha - 3 + \frac{1}{\alpha+4}$ ثم استنتاج حصرا للعدد α

3) بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حل وحيد β بحيث $3,5 \leq \beta \leq 3,8$. فسر النتيجة هندسيا.

4) بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$ ، شكل جدول تغيرات الدالة g ،

5) ارسم (C_g) في المعلم $(O; \bar{i}; \bar{j})$

6) نعتبر الدالة k المعرفة على المجال $[0; +\infty]$ بـ : $k(x) = |g(x)|$

- اكتب k بدون رمز القيمة المطلقة

- استنتاج جدول تغيرات الدالة k

- اشرح كيف يمكن إنشاء المنحنى (C_k) منحنى الدالة k انطلاقاً من المنحنى (C_g) ثم أنشئه في نفس المعلم

- ناقش بيانياً وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة $|k(x)| = m$.

انتهى ...

😊 بال توفيق 😊

